

$as.mb = am.R$ ; за това повърхнина-та на конусътъ ще бъде  $2\pi.am.R = 2\pi R.am$ ; нъ  $2\pi R$  е окръжността на големия кръгъ, а  $am$  — височина-та на конусътъ, след. тъзи повърхнината е равна на окръжността на големия кръгъ, умножена съ височина-та на конуса.

Повърхнина-та на пресъчення конусъ, който е образуван отъ въртене-то на нѣкој отъ страни-тъ на многохълниетъ, напр. отъ страна  $bc$ , е равна на  $\pi(mb+nc)bc$  (§. 137), къто спустимъ перпендикуляри  $bb$ , и  $ug$  отъ правохълникъ  $mbhx$  имами:  $mb=hx=xu-hu$  (1), а отъ правохълникъ  $xugh$  имами  $xu=ng$  и  $nc=ng+gc=xu+gc$ . Тъй къто линия-тъ  $bb$ , и  $gu$  съ успоредни и  $bu=uc$ , то  $gc=b, g=hu$ ; след.  $nc=xu+hu$  (2). Събирами равенство (1) и (2) и получвами  $mb+nc=xu-hu+xu+hu=2xu$ ; след.  $\pi(mb+nc)bc=2\pi.xu.bc$ . Правохълниятъ триъгълници  $Oxu$  и  $cbb$ , съ подобни, защо-то острія хълътъ  $Oux$  е равенъ на  $\angle cbb$ ; наистина,  $\angle Onx + \angle xub = d$  и  $\angle xub + \angle cbb = d$  (§. 37, след. 4), след.

$\angle oux + \angle xub = \angle xub + \angle cbb$ , или  $\angle oux = \angle cbb$ . Отъ подобието на триъгълници  $Oxu$  и  $cbb$ , имами

$$\frac{ux}{ou} = \frac{bb}{bc}, \text{ или } bc \cdot ux = bb \cdot ou = mn.R;$$

след.  $2\pi xu \cdot bc = 2\pi R \cdot mn$ . Тъй къто  $mn$  е височина на пресъчення конусъ, то повърхнина-та му е също равна на окръжността на големия кръгъ, умноженъ съ височината на конуса.

Най послѣ къто предположимъ, чи линия  $cd$  е успоредна на диаметръ  $kr$ , ще намѣримъ, чи повърхнина-та на цилиндрътъ, образуванъ отъ неї, е равна на  $2\pi nc \cdot de$  (§. 132), нъ  $nc=Or=R$ ; след. повърхнина-та на този цилиндръ е равна също на окръжността на големия кръгъ, умноженъ съ височината му.