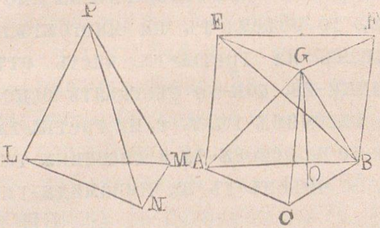
Нека трижгълна пирамида PLMN и трижгълна призма ABCEFG (черт. 168) иматъ равномѣрни основи LMN и ABC и еднаквж височинж go; трѣба да докажемъ, чи PLMN = $^1/_3$ ABCEFG.



Чьрт. 168.

Доказ. Къто прекарами въ призмж ABCEFG плоскости AGB и EGB, ще иж раздѣлимъ на три трижгълни пирамиди GABC, GABE и BEGF. Тъй къто трижгълници LMN и ABC сж равномѣрни и височини-тѣ на пирамидж PLMN и GABC сж еднакви, то спорѣдъ §. 127, пирамиди-тѣ сж равномѣрни. По сжщж-тж причинж сж равномѣрни и пирамиди PLMN и BEFG. Ако считами трижгълникъ BEF за основж и точкж G за върхъ на пирамидж BEFG, трижгълникъ AEB за основж и точкж G за върхъ на пирамидж GAEB, то явно е, чи тѣзи пирамиди, къто иматъ равни основи (§. 41) и равни височини, сж равномѣрни.

Отъ това заключвами, чи призма ABCEFG сж състои отъ три пирамиди, равномѣрни по между си и равномѣрни на пирамидж PLMN, слѣд. пирамида PLMN е третя часть отъ призмж ABCEFG.

Отъ тъзи теоремж слѣдува, чи обемъ-тъ на сѣкж трижгълнж пирамидж е равенъ на третьж-тж часть отъ произвѣденіе-то на основж-тж и височинж-тж.

§. 129. *Теорема. Обемъ-тъ на многожгълнж-тж пирамидж е равенъ на третьж-тж часть отъ произвѣденіе-то на основж-тж и височинж-тж.*

Доказ. Тъй къто сѣка многожгълна пирамида може да ся раздѣли на трижгълни пирамиди, кои-то