

SA на толковъ равни части SG, GF, FE, EA що-то сѣка часть да бѣде по малка отъ h. Ако презъ всички-тѣ точки на дѣленіе-то G, F, E прекарами плоскости, успорѣдни на основи-тѣ на пирамиди-тѣ, то сѣченія-та, кои-то произлизатъ отъ тѣзи плоскости, ще бѣдѣтъ тригълници взаимно равномѣрни, защото-то тѣзи тригълници спорѣдъ §. 111, сѣ пропорціонални на основи-тѣ ABC и LMN, а тѣзи основи сѣ равномѣрни. Да си представимъ надъ тригълници-тѣ въ пирамидѣ SABC рѣдъ отъ издадени призми m, m_1, m_2, m_3 , и надъ тригълници-тѣ въ пирамидѣ PLMN рѣдъ отъ вътрѣшни призми n, n_1, n_2 . Отъ построение-то ся види, чи:

$$SABC < m + m_1 + m_2 + m_3 \dots \text{ и } PLMN > n + n_1 + n_2 \dots$$

Отъ тѣзи неравенства заключаваме, чи отъ двѣ-тѣ разлики $SABC - PLMN$ и

$$(m + m_1 + m_2 + m_3) - (n + n_1 + n_2)$$

първа-та има по малко умаляемо и по голѣмъ умалителъ отъ вторж-тѣ; затова

$$SABC - PLMN < m + m_1 + m_2 + m_3 - n - n_1 - n_2.$$

Нѣ призми m_3 и n_2 , кои-то иматъ равномѣрни основи и равни височини, сѣ равномѣрни; по сѣщж-тѣ причинѣ сѣ равномѣрни призми n , и m_2 сѣщо n и m ; слѣд. кѣто сѣратимъ, ще получимъ:

$$SABC - PLMN < m;$$

а тъй кѣто $m = ABC.AE$, то $SABC - PLMN < ABC.AE$.

Нѣ ній означихми разлиж-тѣ $SABC - PLMN$ съ P или съ $ABC.h$; слѣд. $ABC.h < ABC.AE$.

Кѣто сѣкратимъ на ABC, получвами $h < AE$, което е невѣрно; защото-то допустихми, чи сѣка часть на дѣленіе-то е по малка отъ h. Отъ това слѣдува, чи пирамиди-тѣ SABC и PLMN сѣ равномѣрни.!

§. 128. Теорема. Тригълна-та пирамида е третя часть отъ призмж-тѣ, коя-то има съ неѣж равномѣрниж оснoвж и равнж височинж.