

многохълници-тѣ. Нѣ колко-то по много страни иматъ многохълници-тѣ толкова новече периметри-тѣ имъ ся приближавать да ся слѣжть съ окръжностъ-тѣ, след. кръгове-тѣ могжть да ся разглеждатъ, къто правилни многохълници съ безкрайно голѣмо число страни. Явно е послѣ това, чи окръжности-тѣ ся отнасятъ по между си, къто радиуси-тѣ. Або означимъ съ С и съ дължини-тѣ на двѣ окръжности, съ k и г радиуси-тѣ имъ; то спорѣдъ казано-то по горѣ ще имами: $\frac{C}{c} = \frac{k}{r}$ или $\frac{C}{c} = \frac{2k}{2r}$.

Послѣдне-то равенство показва, чи окръжности-тѣ ся отнасятъ по между си, къто диаметри-тѣ.

Пропорція $\frac{C}{c} = \frac{2k}{2r}$ може да ся напише и тѣй $\frac{C}{2k} = \frac{c}{2r}$. Това значи, чи ако раздѣлимъ нѣкоя окръжностъ съ диаметъ-тѣ и другъ окръжностъ пакъ съ диаметъ-тѣ ѝ, то ще получимъ равни числа; тѣзи мисъль ся изразява тѣй: *отношението на окръжностъ-тѣ къмъ диаметъ-тѣ въ число постоянно*. Това постоянно число изобразявать съ гръцкож букви π , тѣй що-то $\frac{C}{2k} = \pi$.

§. 82. Теорема. Дѣлжина-та на окръжностъ-тѣ е равна на радиусъ-тѣ, умноженъ съ 2π .

Нека С е дължина-та на окръжностъ-тѣ и k радиусъ-тѣ ѝ; трѣба да докажемъ, чи $C = 2\pi k$.

Доказ. Отъ равенство $\frac{C}{2k} = \pi$ имами $C = 2\pi k$, а това искахме да докажемъ.

Ако въ уравненіе $C = 2\pi k$ считами радиусъ-тѣ за единици, то $C = 2\pi$; това ще рѣче, чи 2π е дѣлжина-та на тѣзи окръжности, на коя-то радиусъ-тѣ е равенъ на единици.