

на $\angle BNC$, защото-то отъ равенство-то на дъги AMB , BMC и пр., кои-то ся стѣгнати съ равни хорди (отъ страни-тѣ на многожълникъ-тѣ) излиза, чи всички-тѣ жълги AMB , BMC , CND и пр. иматъ еднакъж мѣрж.

Явно е, чи периметръ-тѣ на вписанія многожълникъ ся уголѣмява, кога удвоимъ число-то на страни-тѣ му.

За да опрѣдѣлимъ странж-тж на съставенія по този начинъ многожълникъ, кѣто знаемъ странж-тж на $ABCDEF$ и радіусъ-тѣ на кржгъ-тѣ, постжпваме тѣй.

Отъ правожълнія трижълникъ AMG имами:

$$AM^2 = AG^2 + MG^2.$$

Нѣ $MG = OM - OG$; слѣд. $MG^2 = OM^2 - 2OM \cdot OG + OG^2$

(1). А отъ правожълнія трижълникъ AOG имами:

$$OG^2 = AO^2 - AG^2, \text{ слѣд. } OG = \sqrt{AO^2 - AG^2}.$$

Кѣто замѣстимъ въ урав. (1) OG^2 и OG съ равни-тѣ имъ, ще получимъ:

$$MG^2 = OM^2 - 2OM \sqrt{AO^2 - AG^2} + AO^2 - AG^2.$$

слѣд. $AM^2 = AG^2 + OM^2 - 2OM \sqrt{AO^2 - AG^2} + AO^2 -$

$$AG^2 = OM^2 + AO^2 - 2OM \sqrt{AO^2 - AG^2}.$$

Нѣ $AG = \frac{AB}{2}$, слѣд. $AG^2 = \frac{AB^2}{4}$; и тѣй

$$AM^2 = OM^2 + AO^2 - 2OM \sqrt{AO^2 - \frac{AB^2}{4}}.$$

Нека многожълникъ $ABCDEF$ има n страни и да означимъ странж-тж му съ a_n , странж-тж на многожълникъ $AMBNC \dots$ съ a $2n$. а радіусъ-тѣ на кржгъ-тѣ съ r ; тогава послѣдне-то урав. ще земе видъ

$$\frac{a^2}{2n} = r^2 + \frac{r^2}{n} - 2r \sqrt{r^2 - \frac{a^2}{4n}} \quad \text{или} \quad \frac{a^2}{2n} = 2r^2 - 2r \sqrt{r^2 - \frac{a^2}{4n}}$$

Съ помощъ-тж на това уравненіе можемъ подаденж тж странж на вписанія многожълникъ съ n страни