

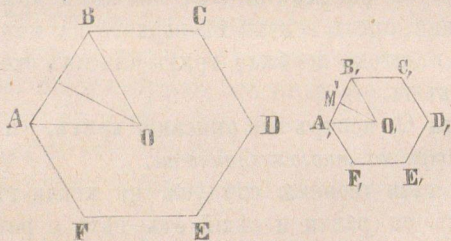
равенство-то на тѣзи трижгълници слѣдува  $OM = ON$ ; по сжщія начинъ ся доказва, чи  $ON = OP = OQ$  и пр.

Отъ казано-то слѣдува, чи ако съ радиусъ  $OM$  опишемъ кржгъ, то този кржгъ ще мине презъ всички-тѣ точки  $N, P, Q$  и пр и ще ся касае еъмъ всички-тѣ страни на многожгълникъ-тъ. Това показва, чи въ сѣкій правилънъ многожгълникъ може да ся впише кржгъ.

Радиусъ  $OM$  на вписанія кржгъ ся нарича *апотемж*. Отъ равенство-то на правожгълни-тѣ трижгълници  $AMO$  и  $BMO$  (тѣ сж равни, защото  $AO = BO$  и  $\angle MAO = \angle MBO$  §. 24) слѣдува, чи апотема-та презполовява странж-тж на правилнія многожгълникъ.

§. 77. Теорема. Периметри-тѣ на правилни-тѣ едноименни многожгълници ся отнасятъ, кѣто радиуси-тѣ на вписани-тѣ въ тѣхъ или описани-тѣ около тѣхъ кржгове.

Доказ. Нека бжджтъ  $ABCDEF$  и  $A, B, C, D, E, F$ , (чѣрт. 115) два едноименни правилни многожгъл-



Чѣрт. 115.

ника, а  $o$  и  $O$ , центрове-тѣ имъ. Съединявами  $O$  съ  $A$  и  $B$  и спущаами перпендикуляръ  $OM$  връхъ  $AB$ ; сжщо правимъ и въ многожгълникъ  $A, B, C, D, E, F$ . Трижгълници  $AOB$  и  $A'B'O'$  сж подобни, защото  $\angle BAO = \angle B'A'O'$  и  $\angle ABO = \angle A'B'O'$ , етъ половини отъ равни-тѣ жгѣли  $A$  и  $A'$ ,  $B$  и  $B'$ , (§. 75, слѣд. 1).