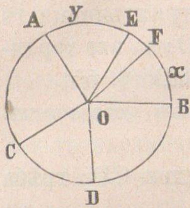
— първія на m, а вторія на n равни жгъла (§. 60). Единъ отъ тѣзи равни жгъли може да ся счита за общж мѣркж между жгъли-тѣ AOB и COD; тъй щото $\frac{AOB}{COD}=\frac{m}{n}$; слѣд. $\frac{AOB}{COD}=\frac{AB}{CD}$.

2ій Случай — кога-то джги AB и CD (чърт. 92) сж несъизмѣрими. Отмѣрвами на джгж AB часть AE, равнж на CD и съединявами точкж E съ центръ O; тогава



Чърт. 92.

$$\angle AOE=\angle COD \text{ (§. 60)}.$$

Ще докажемъ, чи отношеніе $\frac{AB}{AE}$ не може де бжде ни по голѣмо ни по малко отъ отношеніе $\frac{AOB}{AOE}$.

Нека допустимъ, чи $\frac{AB}{AE}>\frac{AOB}{AOE}$. Вмѣсто AE земами таквази по голѣмж джгж Ax, щото да бжде $\frac{AB}{xx}=\frac{AOB}{AOE}$ (1) Раздѣлявами джгж AB на таквизи равни части, щото сѣка отъ тѣхъ да бжде по малка отъ Ex; тогава макаръ една отъ точки-тѣ на дѣленіе-то ще падне между E и x; нека тъзи точка бжде F. Джги-тѣ AB и AF ще бжджтъ съизмѣрими; затова, като съединимъ F съ O, споредъ доказано-то въ първія случай ще имами $\frac{AB}{AF}=\frac{AOB}{AOF}$.

Ако раздѣлимъ тъзи пропорцїж съ (1) и съкратимъ равни-тѣ членове, то ще получимъ: $\frac{Ax}{AF}=\frac{AOE}{AOF}$.

Нъ тъзи пропорцїж е невѣрна, защо-то отношеніе $\frac{Ax}{AF}$ е по голѣмо, а отношеніе $\frac{AOE}{AOF}$ по малко отъ