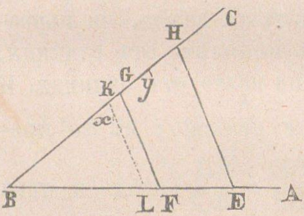
обща-та мѣрка влиза m пѫти въ BE и n пѫти въ BF; тогава отношеніе-то между линіи-тѣ BE и BF ще бѫде равно на $\frac{m}{n}$, т. е. $\frac{BE}{BF}=\frac{m}{n}$. Ако наистина раздѣлимъ линіѭ BE на m равни части и презъ точки-тѣ на дѣленіе-то прекарами линіи, успорѣдни на правѫ-тѫ HE, то, спорѣдъ §. 39, линіи-тѣ BH и BG ще ся раздѣлятъ сѫщо на m и n равни части, т. е. и тѣ ще бѫдѫтъ съизмѣрими, тъй щото $\frac{BH}{BG}=\frac{m}{n}$. Като сравнимъ това равенство съ горне-то, получвами:

$$\frac{BH}{BG}=\frac{BE}{BF}.$$

2ій *Случай.* Линіи-тѣ BE и BF (чърт. 73) могѫтъ да бѫдѫтъ несъизмѣрими. Въ този случай може да ся докаже, чи отношеніе $\frac{BE}{BF}$ не може да бѫде ни по голѣмо, ни по малко отъ отношеніе $\frac{BH}{BG}$.



Чърт. 73.

Наистина, ако на пр. допустимъ, чи $\frac{BE}{BF}>\frac{BH}{BG}$; то вмѣсто линіѭ BG може да ся земе друга по малка Bx, коя-то да направи вторѫ-тѫ дробь равнѫ на правѫ-тѫ т. е.

$$\frac{BE}{BF}=\frac{BH}{Bx}. \quad (1).$$

Ако сега раздѣлимъ линіѫ BH на таквизи равни части, щото сѣка отъ тѣхъ да бѫде по малка отъ Gx, то макаръ една отъ точки-тѣ на дѣленіе-то ще падне между G и x; нека тъзи точка да бѫде K. Тогава отъ B до K ще имами цѣло число отъ равни-тѣ части,