



Чѣрт. 57.

Нека многожгълникъ
ABCDEFG

(чѣрт. 57) има n страни; трѣба да докажемъ, чи сума-та на жгъли-тѣ му е равна на $2d$ ($n - 2$).

Доказ. Тѣй кѣто діагонали-тѣ, кои-то излизать отъ върхъ-

тѣ на нѣкой жгълъ А, раздѣлять многожгълникъ-тѣ на $n - 2$ трижгълника (§. 11), а сума-та на жгъли-тѣ въ сѣий трижгълникъ, спорѣдъ §. 37, е равна на $2d$, то сума-та на жгъли-тѣ на многожгълникъ-тѣ е равна на $2d (n - 2)$.

§. 39. Теорема. Ако на едик-тж странж на жгълъ-тѣ отмѣримъ нѣколко равни части и презъ точки-тѣ на дѣленіе-то прекарани успорѣдни линіи, то и отъ другж-тж странж ще ся отсѣкжтъ равни части.

Нека на странж АВ (чѣрт. 58) сж отмѣрени равни части:

$Aa = ab = bc = cd$,
и сж прекарани успорѣдни линіи:

$$al \parallel bm \parallel cn \parallel dp,$$

трѣба да докажемъ

$$Al = lm = mn = np.$$

Доказ. Прекарвами линіи ai , bk , ch , успорѣдни на AC ; тогава въ трижгълници Aal , abi , bck , cdh имама $Aa = ab = bc = cd$, и освѣнъ това жгъли-тѣ, кои-то сж до тѣзи линіи, кѣто съответственни сж равни (§. 32, слѣд. 2); слѣд. тѣзи трижгълници сж равни по между си (§. 16) и за това $Al = ai = bk = ch$. Нѣ ai е равна на lm , сжщо $bk = mn$, и $ch = np$ (§. 34); слѣд. $Al = lm = mn = np$.