

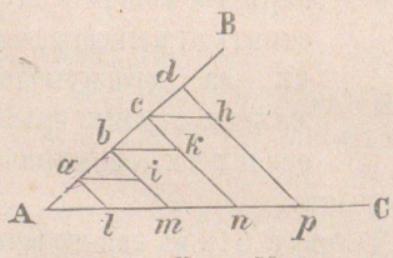
Чърт. 57.

Нека многохълникъ ABCDEFG

(чърт. 57) има n страни; тръба да докажемъ, чи сумма-та на хълъли-тъ му е равна на $2d(n - 2)$.

Доказ. Тъй като диагонали-тъ, кои-то излизат отъ върхътъ на нѣкой хълълъ A, раздѣлятъ многохълниче-тъ на $n - 2$ трихълъника (§. 11), а сумма-та на хълъли-тъ въ сѣкій трихълъникъ, спорѣдъ §. 37, е равна на $2d$, то сумма-та на хълъли-тъ на многохълъникъ-тъ е равна на $2d(n - 2)$.

§. 39. Теорема. Ако на един-тък странъ на хълълъ-тъ отмѣримъ нѣколко равни части и презъ точките-тъ на дѣленіе-то прекарали успорѣдни линii, то и отъ друг-тък странъ ще ся отсѣкжътъ равни части.



Чърт. 58.

Нека на странъ AB (чърт. 58) сж отмѣрени равни части:

$Aa = ab = bc = cd$,
и сж прекарани успорѣдни линii:

$a1 \parallel b m \parallel c n \parallel d p$,
тръба да докажемъ

$$A1 = 1m = mn = np.$$

Доказ. Прекарвами линii $a i$, $b k$, $c h$, успорѣдни на AC; тогава въ трихълъници Aal , abi , bek , cdh имами $Aa = ab = bc = cd$, и освѣнъ това хълъли-тъ, кои-то сж до тѣзи линii, къто съответственни сж равни (§. 32, слѣд. 2); слѣд. тѣзи трихълъници сж равни по между си (§. 16) и за това $A1 = ai = bk = ch$. Нѣ ai е равна на $1m$, сжъто $bk = mn$, и $ch = np$ (§. 34); слѣд. $A1 = 1m = mn = np$.