

то прѣкараме радиуса OB , спущае на него отъ точката A перпендикуляръ, който ще прѣсѣче окръжността въ нѣкоя точка C ; AC е страна на вписания петожгълникъ. Като располовимъ жгъла BOC съ линия OD , която прѣсича AC въ точка D , то отъ подобността на равнобедреннитѣ тригълници AOC и AOD намѣрваме, че $AO^2 = AC \cdot AD$; а отъ подобността на равнобедреннитѣ тригълници ABC и BDC имаме $BC^2 = AC \cdot DC$; слѣдов. $AO^2 + CB^2 = AC^2$: въ

$$CB = \frac{r(\sqrt{5}-1)}{2}, \text{ а затова } AC = r \sqrt{\frac{5-\sqrt{5}}{2}}.$$

Като прѣкараме въ дадения кръгъ произволенъ диаметръ AOB и радиусъ OC перпендикулярно къмъ него, отъ срѣдата M на радиуса OA описваме окръжностъ съ радиусъ MC ; да прѣдположимъ, че тази окръжностъ ще прѣсѣче OB въ точка D ; OD ще бѣде страната на вписания петожгълникъ, защото CD се равнява на страната на вписания десетожгълникъ.

$$149. \text{ Търсения радиусъ } e = \frac{r}{4} \sqrt{6+2\sqrt{5}}.$$

$$150. \text{ Търсения радиусъ } e = \frac{r}{4} \sqrt{10+2\sqrt{5}}.$$

$$151. \text{ Страната на вписания дванадесетожгълникъ } e = r \sqrt{2-\sqrt{3}}.$$

$$152. \text{ Страната на описания дванадесетожгълникъ } e = 2r(2-\sqrt{3}).$$

$$153. \text{ Страната на вписания осмогълникъ } e = r \sqrt{2-\sqrt{2}}, \text{ а страната на описания } e = 2r(\sqrt{2}-1).$$

$$154. \text{ Радиуса на вписания кръгъ } e = \frac{a}{2}, \text{ а радиуса на описания } e = \frac{a}{\sqrt{2}}.$$

$$155. \text{ Радиуса на вписания кръгъ } e = \frac{a}{2\sqrt{3}}, \text{ а радиуса на описания } e = \frac{a}{\sqrt{3}}.$$

$$156. \text{ Радиуса на вписания кръгъ } e = \frac{a\sqrt{3}}{2}, \text{ а радиуса на описания } e = a.$$

$$157. \text{ Радиуса на вписания кръгъ } e = \frac{a}{10} \sqrt{25+10\sqrt{5}}, \text{ а радиуса на описания кръгъ } e = \frac{a}{10} \sqrt{50+10\sqrt{5}}.$$