

ка I така, щото  $\frac{IO_2}{IO_1} = \frac{R}{r}$ ; тогава допирателната, която е прѣкарана

отъ точката I къмъ единъ отъ даденитѣ кръгове, ще бѣде така също допирателна и къмъ другия кръгъ. Нека T и S бѣдѣтъ допирателни точки. На линията, която иде отъ I къмъ A опрѣдѣляме частъ IX равна на четвъртата пропорционална между линиитѣ IA, IT и IS та-

ка щото  $\frac{IA}{IT} = \frac{IS}{IX}$ , и прѣкарваме кръгъ прѣвъ точкитѣ A и X, който

да се допира до кръга, на който радиуса е r (задача 131), този кръгъ ще бѣде искания. Наистина, нека O бѣде центра му, N допирателната му точка съ кръга  $O_1$ ; M и H прѣсѣчнитѣ точки на линията IN съ кръговетѣ  $O_2$  и  $O_1$ ; тогава IS. IT = IT<sup>2</sup>.  $\frac{R}{r} = IT^2$ .  $\frac{IM}{IN} = IN$ . IN.

$\frac{IM}{IN} = IN$ . IM; слѣдователно IX. IA = IN. IM, и затова точката M при-

надлѣжи къмъ кръга O, а тъй като  $O_2M$  и  $OM$  сѣ успоредни на линията  $O_1N$ , то точкитѣ O, M и  $O^2$  ще лежѣтъ на една права линия, т. е. точката M ще бѣде допирателната точка.

136. Нека бѣде  $r < r_1$ ,  $< r_2$  и O,  $O_1$  и  $O_2$  центрове на кръговетѣ, на които радиуситѣ сѣ r,  $r_1$  и  $r_2$ . Отъ точката  $O_1$  съ радиусъ  $r_1 - r$  и отъ точката O съ радиусъ  $r_2 - r$  описваме окръжности, и прѣкарваме окръжностъ допирателна къмъ тѣхъ и която да прѣминава прѣвъ точката O (задача 135). Нека R бѣде радиуса на този кръгъ, тогава концентрически му кръгъ, на който радиуса е  $R - r$  ще бѣде търсения кръгъ.

137. Върху странитѣ на хгѣла A земаме произволни точки B и C и, като ги съединимъ, да прѣдположимъ, че прѣсѣчната точка на линиитѣ, които располовяватъ хглитѣ ABC и ACB, е I; тогава линията IA ще располови хгѣла A.

138. Въ произволна точка A на правата AB издигаме перпендикуляръ AP и, като го продължимъ, отлѣрваме на него AQ = AP. Въобразяваме си линия прѣвъ точкитѣ Q и I, която ще прѣсѣче AB въ точка D, и линия прѣвъ точкитѣ P и I, която ще прѣсѣче AB въ точка H; най-послѣ прѣкарваме линия прѣвъ точкитѣ P и D, която ще прѣсѣче правата HQ въ точка E; линията IE ще бѣде търсения перпендикуляръ.

139. Отъ точката B спущаме перпендикуляръ на линията AC и отъ точката C — перпендикуляръ на линията AB (задача 138); да прѣдположимъ, че тѣзи два перпендикуляра ще се прѣсѣкътъ въ точка O; линията AO ще бѣде търсения перпендикуляръ.

140. Въобразяваме си линия прѣвъ точкитѣ B и A и на продължението ѝ земаме произволна точка D; освѣнъ това нека E бѣде произволна точка. Въобразяваме си четворохгѣльникъ BCED, прѣкарваме прѣвъ A успоредна на диагонала BE, която ще прѣсѣче DE въ точка F, и прѣвъ F — успоредна на CE, която ще прѣсѣче диагонала DC въ точка G; линията, която прѣминава прѣвъ точкитѣ A и G,