

§ 298. Часть отъ кълбото АСВ (чер. 344), която е отсъчена съ плоскостта АВ, се нарича *сферически отръзъ или сегментъ*; CD част отъ радиуса, който е перпендикуляренъ къмъ плоскостта на съченето АВ, се нарича *височина* на отръза.

Очевидно е, че като приемемъ радиуса на горната основа на сферическия слой равенъ на нула, ще получимъ отръза на кълбото; следов. като предположимъ  $r_1=0$  въ предвидуващия §, ще намършимъ:

$$V = \frac{\pi H r^2}{2} + \frac{\pi H^3}{6}.$$

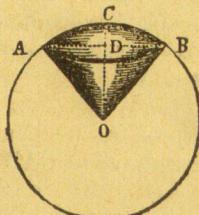
т. е. обема на сферическия отръзъ се равнява на половината обемъ отъ цилиндра, който има еднаква височина и основа съ отръза, събранъ съ обема на кълбото, което има височината му за диаметъ.

§ 299. Часть АДВСА (чер. 346) отъ повърхността на кълбото, която се съдържа между двѣтѣ полуокръжности АДВ и АСВ на голѣмите кръгови, се нарича *двустранникъ*.

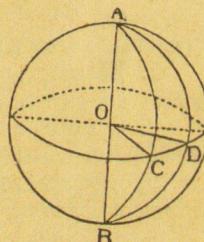
Построяваме въ центра на кълбото линейния хълъл DOC на двустранния хълъл DBAC и полагаме че DC е джга отъ голѣмия кръгъ, която служи за мярка на този хълъл; DC се се нарича джга на двустранника. Очевидно е, че DC е джга отъ голѣмия кръгъ, който е перпендикуляренъ къмъ диаметра АВ.

Означаваме повърхността на двустранника съ S, джгата му съ а и радиуса на кълбото съ R. Като забелѣжимъ, че повърхността на двустранника се отнася къмъ повърхността на кълбото, както джгата на двустранника къмъ окръжността на голѣмия кръгъ, ще получимъ  $\frac{S}{4\pi R^2} = \frac{a}{2\pi R}$ ; отъ тута  $S = 2R.a$ , т. е. повърхността на двустранника се равнява на произведението отъ джгата му и диаметра на кълбото.

Когато джгата на двустранника се равнява на  $\frac{1}{4}$  отъ окръжността, то той се нарича *правъ*. Очевидно е, че повърхността на правия двустранникъ е равна на  $\pi R^2$ .



Чер. 344.



Чер. 346.

### За сферическия триъгълникъ.

§ 300. Земаме на повърхността на кълбото (чер. 347) три произволни точки А, В, С и прѣкарваме прѣзъ тѣхъ джгитѣ на голѣмите кръгове. Часть отъ повърхността на кълбото, която е заградена отъ три джги АВ, ВС и АС се нарича *сферически триъгълникъ*; джгитѣ АВ, ВС и АС се наричатъ *сторани* на триъгълника. Въ точката А прѣкарваме тангенти АМ и АН къмъ джгитѣ АВ и АС; хълъла