

Ако означимъ радиуса на основата отъ конуса съ R и забѣлѣжимъ, че $V = \pi R^2$, то ще получимъ $V = \frac{\pi R^2 \cdot H}{3}$.

§ 286. **Теорема.** *Обема на прѣсѣченія конусъ е равенъ на обемитѣ отъ тритѣ конуси, които иматъ обща височина съ прѣсѣченія, а основи: първия—долната, втория—горнята основа на прѣсѣченія конусъ, а третия—срѣдне пропорционалната между тѣхъ.*

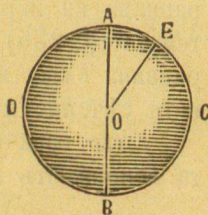
Доказ. Тази теорема слѣдва отъ това, че прѣсѣченія конусъ е прѣдѣлъ между вписанитѣ и описанитѣ прѣсѣчени пирамиди.

Ако означимъ съ R и r радиуситѣ на долната и горнята основи на прѣсѣченія конусъ, съ H височината му и забѣлѣжимъ, че срѣдне пропорционалната между плоскоститѣ на долната и горнята основи се равнява на $\sqrt{\pi R^2 \cdot \pi r^2} = \pi Rr$, то заключаваме, че обема на прѣсѣченія конусъ още бѣде:

$$\pi \frac{(R^2 + r^2 + Rr)}{3} H.$$

За кълбото.

§ 287. Полукръга ACB (чер. 338), като се върти около диаметра си AB , който си остава неподвиженъ, образува тѣло $ABCD$, което се нарича *кълбо* или *сфера*. Точката O , която стои на равно разстояние отъ всичкитѣ повърхностни точки на кълбото, се нарича *центръ*, линията, която съединява центра съ коя да е повърхностна точка на кълбото, — *радиусъ*, а линията, която прѣминава прѣзъ центра и съединява двѣ точки отъ повърхността, — *диаметръ на кълбото*.



Чер. 338.

Тѣй като всичкитѣ радиуси на кълбото сж равни, то кълбото е тѣло, което е ограничено съ повърхность, на която всичкитѣ точки се намиратъ на равно разстояние отъ една вътрѣшна точка.

Цилиндра, конуса и кълбото се наричатъ *кръгли тѣла*.

§ 288. **Теорема.** *Всѣко сѣчение на кълбото съ плоскостъ е кръгъ.*