

се равнява на произведението отъ окръжността на основата му и половината на образующата линия.

**Доказ.** Тази теорема слѣдва отъ това, че повърхността на конуса е прѣдѣлъ между повърхноститѣ на вписанитѣ и описанитѣ пирамиди.

Нека  $P$ ,  $O$  и  $l$  бѣдѣтъ повърхность, окръжността на основата и образующата линия на конуса, тогава (§ 235)  $P = \frac{Ol}{2}$ .

Отъ тази теорема слѣдва, че околната повърхность на конуса се равнява на плоскостъта отъ тригълника, на който височината е образующата линия, а основата му се равнява на исправената окръжность отъ основата на конуса.

Ако означимъ съ  $R$  радиуса на основата и забѣлѣжимъ, че  $O = 2\pi R$ , то ще получимъ  $P = \pi Rl$ . Цѣлата повърхность на конуса, т. е. околната му повърхность събрана съ плоскостъта на основата му, ще се равнява на  $\pi Rl + \pi R^2$ .

**§ 284. Теорема.** Околната повърхность на прѣсѣчени конусъ се равнява на полусуммата отъ окръжноститѣ на основитѣ му умножена на образующата линия.

**Доказ.** Тази теорема слѣдва отъ това, че повърхността на прѣсѣчения конусъ е прѣдѣлъ между повърхноститѣ на вписанитѣ и описанитѣ прѣсѣчени пирамиди.

Тѣй като повърхността на прѣсѣчената пирамида се равнява на периметра отъ сръднето сѣчение, умноженъ на апотемата (§ 236), то повърхността на прѣсѣчения конусъ се равнява също на произведението отъ окръжността на сръднето сѣчение и образующата.

Ако означимъ съ  $R$  и  $r$  радиуситѣ на долната и горнята основи отъ прѣсѣчения конусъ и съ  $l$  образующата му, то околната повърхность ще се равнява на  $\frac{(2\pi R + 2\pi r)l}{2}$  или

$$\pi(R+r)l.$$

**§ 285. Теорема.** Обема на конуса се равнява на произведението отъ плоскостъта на основата му и третията частъ отъ височината.

**Доказ.** Тази теорема слѣдва отъ това, че конуса е прѣдѣлъ на вписанитѣ и описанитѣ пирамиди.

Нека  $V$ ,  $B$  и  $H$  бѣдѣтъ обема, плоскостъта на основата и височината на конуса, тогава (§ 271)  $V = \frac{B \cdot H}{3}$ .