

на  $\frac{Pl}{2} - \frac{ph}{2}$ ; но  $Pl - ph = Pl - ph - pl + pl = l(P - p) + p(l - h)$ , а тъй като разликитѣ  $P - p$  и  $l - h$  при увеличаване число-то на странитѣ въ многогълника безпрѣдѣлно се умаляватъ, то разликата  $\frac{Pl}{2} - \frac{ph}{2}$  може да бъде направена по малка отъ всѣка величина.

Отъ това слѣдва, че повърхността на конуса е прѣдѣлъ между повърхноститѣ на вписанитѣ и описанитѣ пирамиди.

Очевидно е, че прѣсѣчения конусъ ще бъде прѣдѣлъ на вписанитѣ и описанитѣ прѣсѣчени пирамиди.

§ 281. **Теорема.** *Околната повърхностъ на цилиндра се равнява на произведението отъ окръжността на основата му и височината.*

**Доказ.** Тази теорема слѣдва отъ това, че повърхността на цилиндра е прѣдѣлъ на вписанитѣ и описанитѣ призми. Да прѣдположимъ, че  $P$  е повърхността на цилиндра,  $O$  — окръжността на основата и  $H$  височината му; тогава (§ 231 слѣдствие 1)  $P = O.H$ .

Отъ тази теорема слѣдва, че околната повърхностъ на цилиндра се равнява на плоскостъта отъ правогълника, на който височината е височина на цилиндра, а основата равна на исправената окръжностъ отъ основата на цилиндра.

Ако означимъ, съ  $R$  радиуса на основата на цилиндра и забѣлжимъ, че  $O = 2\pi R$ , то ще получимъ  $P = 2\pi R.H$ .

Цѣлата повърхностъ на цилиндра т. е. околната му повърхностъ събрана съ плоскоститѣ на двѣтѣ му основи, ще бъде  $2\pi R.H + 2\pi R^2$ .

§ 282. **Теорема.** *Обема на цилиндра се равнява на произведението отъ плоското съдържание на основата и височината.*

**Доказ.** Тази теорема слѣдва отъ това, че обема на цилиндра е прѣдѣлъ на обемитѣ отъ вписанитѣ и описанитѣ призми.

Нека  $V$ ,  $B$  и  $H$  бждѣтъ обема, плоскостъта на основата и височината на цилиндра, тогава (§ 268 слѣдствие 1)  $V = B.H$ .

Ако означимъ радиуса на основата на цилиндра съ  $R$  и забѣлжимъ, че  $B = \pi R^2$ , то ще получимъ  $V = \pi R^2 H$ .

§ 283. **Теорема.** *Околната повърхностъ на конуса*