

сж равни; сжщо и линиитѣ TN и RL . Но тъй като $AF=LR$, то $HC=TN$. Отъ това слѣдва, че $HT=CN$. По сжщия начинъ ще докажемъ равенството и на другитѣ ребра отъ многостѣнитѣ RH и LC .

Поставяме многостѣна RH въ многостѣна LC , така щото стѣнната $RSTUV$ да се слѣе съ стѣнната $LMNPQ$. Тѣй като ребрата съответственно сж равни и перпендикулярни къмъ плоскостта LP , то и тѣ ще сж слѣжтъ, затова и многостѣна RH ще се слѣе съ многостѣна LC .

Ако къмъ многостѣна $ADUR$ прибавимъ часть RH , то ще получимъ наклонена призма $ABCDEFGHИК$, а ако къмъ сжщия многостѣнъ $ADUR$ прибавиме часть LC , то ще получимъ права призма $LMNPQRSTUВ$; отъ това слѣдва, че наклонената и правата призми сж равновелики.

§ 266. **Теорема.** *Всѣкой параллелопипедъ се дѣли отъ диагоналната плоскостъ на двѣ равновелики трижгълни призми.*

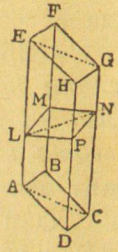
Да прѣдположимъ, че $ABCDEFGH$ (чер. 325) е параллелопипедъ и $AEGC$ диагонална плоскостъ; трѣба да докажемъ, че призмитѣ $ADCEHГ$ и $ABCEFG$ сж равновелики.

Доказ. Нека $LMNP$ бжде перпендикулярно сѣчение къмъ околнитѣ ребра на параллелопипеда.

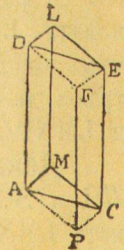
Вслѣдствие успоредността на противоположитѣ стѣни на параллелопипеда $LM \parallel CN$ и $LP \parallel MN$, четворожгълника $LMNP$ ще бжде параллелограмъ; слѣдов. трижгълницитѣ LNP и LMN сж сходни помежду си. Отъ това слѣдва, че двѣтѣ наклонени трижгълни призми, на които се разлага параллелопипеда, споредъ прѣдидущия § се равни на двѣ прави призми, които иматъ еднаква височина AE и равни основи MNL и LNP , а тѣй като правитѣ призми, които иматъ равни основи и височини, сж равни (§ 227), то двѣтѣ наклонени трижгълни призми $ABCEFG$ и $ADCEHГ$ сж равновелики.

§ 267. **Теорема.** *Обема на трижгълната призма се равнява на произведението отъ основата и височината ѝ.*

Доказ. Нека $AMCDLE$ (чер. 326) бжде трижгълна призма. Като допълнимъ трижгълника AMC до параллелограмъ $AMCP$, и като построимъ надъ



Чер. 325.



Чер. 326.