ag, който да има сжщата височина, както параллелопипеда AG и LS, но въ който ab=AB, а bc=MN. Ако въ параллелопипедитѣ AG и ag приемемъ правожгълницитѣ AF и af за основи и да забѣлѣжимъ, че тѣзи правожгълници споредъ построението сж равни, то ще получимъ (§ 258).

$$\frac{AG}{ag}=\frac{BC}{bc}$$

Ако-ли пъкъ въ параллелопипедитѣ LS и ag приемемъ правожгълницитѣ MS и bg за основи и забѣлѣжимъ, че тѣзи правожгълници споредъ построението сж равни, то ще получимъ:

$$\frac{ag}{LS}=\frac{ab}{LM}$$

Като умножимъ почленно тази пропорция на прѣдидущата, ще получимъ:

$$\frac{AG}{LS}=\frac{BC.\,ab}{bc.\,LM}.$$

Но тъй като споредъ построението ab=AB и bc=MN, то произведенията BC. ab и bc. LM изразяватъ плоскитѣ съдържания на основитѣ ABCD и LMNP; слѣдов.

$$\frac{AG}{LS}=\frac{ABCD}{LMNP}.$$

§ 260. **Теорема**. *Обемитѣ на два правожгълни параллелопипеди, които иматъ разни основи и височини, се отнасятъ, както произведенията отъ плоскитѣ съдържания на основитѣ съ височинитѣ.*

Да прѣдположимъ, че параллелопипедитѣ P и P_1 иматъ основи b и b_1, а височини h и h_1; трѣба да докажемъ, че:

$$\frac{P}{P_1}=\frac{b.\,h}{b_1.\,h_1}$$

Доказ. Въобразяваме си третий параллелопипедъ Q, който да има основа b и височина h_1, тогава (§§ 258, 259)

$$\frac{P}{Q}=\frac{h}{h_1} \text{ и } \frac{Q}{P_1}=\frac{b}{b_1}$$

като умножимъ почленно тѣзи двѣ пропорции ще получимъ:

$$\frac{P}{P_1}=\frac{b.h}{b_1.h_1}$$

§ 261. **Теорема.** *Обема на правожгълния параллелопипедъ се равнява на произведението отъ плоското съдържание на основата съ височината му.*