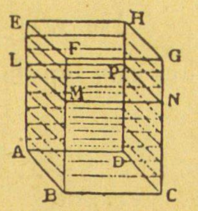
единъ метръ. Двѣ тѣла, които иматъ равни обеми, се наричатъ *равновелики*.

§ 258. **Теорема.** *Обемитѣ на два правожгълни параллелопипеди, които иматъ еднаква основа, се отнасятъ помежду си както височинитѣ имъ.*

Да прѣдположимъ, че AG и AN (чер. 317) сж два правожгълни параллелопипеди, които иматъ обща основа AC; трѣба да докажемъ, че:

$$\frac{AG}{AN}=\frac{AE}{AL}.$$

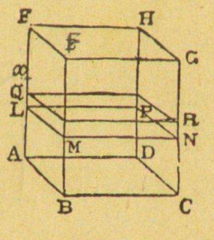


Чер. 317.

Доказ. Има два случая, които ще разгледаме:

1-ий *Случай.* Да прѣдположимъ, че височинитѣ AE и AL сж съразмѣрими и общата мѣрка се съдържа m пжти въ AE и n пжти въ AL, така щото $\frac{AE}{AL}=\frac{m}{n}$. Ако прѣзъ точкитѣ на дѣлението на линията AE си въобразимъ плоскости успоредни на основата, то параллелопипедитѣ AG и AN ще се раздѣлятъ на m и n правожгълни параллелопипеди равни по меежду си (§ 227); слѣдов. $\frac{AG}{AN}=\frac{m}{n}$, а затова $\frac{AG}{AN}=\frac{AE}{AL}$.

2-ий *Случай.* Да прѣдположимъ, че височинитѣ AE и AL (чер. 318) на двата параллелопипеди AG и AN сж несъизмѣрими и ще докажемъ, че отношението $\frac{AG}{AN}$ не може да бжде нито по малко, нито по голѣмо отъ отношението $\frac{AE}{AL}$.



Чер. 831.

Найстина, ако $\frac{AG}{AN}<\frac{AE}{AL}$, то вмѣсто AL земаме по голѣма линия Ax, така щото $\frac{AG}{AN}=$ $=\frac{AE}{Ax}$. Раздѣляваме линията AE на такова число равни части, щото всѣка часть да бжде по малка отъ Lx, тогава поне една отъ точкитѣ на дѣлението ще падне между L и x; да прѣдположимъ, че Q е тази точка. Като си въобразимъ прѣзъ