

$SC_1=ON$ , то ще се състави четиристънъ  $SA_1B_1C_1$ , на който стѣннитѣ съответствено сж равни на стѣннитѣ на четиристъна  $OLMN$ , затова тѣзи четиристъни сж равни помежду си (§ 238, слѣдствие 2). Вслѣдствие на това тристъннитѣ жгли  $C_1$  и  $N$  сж равни, а затова  $\sphericalangle A_1B_1C_1 = \sphericalangle LNO = \sphericalangle ACS$  и  $\sphericalangle B_1C_1S = \sphericalangle MNO = \sphericalangle BCS$ , това показва, че линиитѣ  $A_1C_1$  и  $C_1B_1$  съответствено сж успоредни на линиитѣ  $AC$  и  $CB$ ; слѣдователно и плоскоститѣ  $A_1B_1C_1$  и  $ABC$  сж успоредни помежду си.

Отъ това слѣдва:

1. Съответственитѣ ребра на подобнитѣ четиристъни сж пропорционални помежду си, и се отнасятъ, както височинитѣ (§ 233).

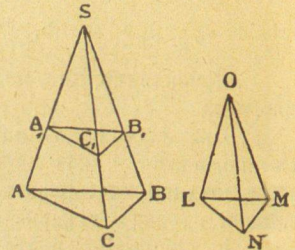
2. Съответственитѣ стѣни сж подобни и лицата имъ се отнасятъ, както квадратитѣ на съответственитѣ ребра.

3. Лицата на съответственитѣ стѣни сж пропорционални помежду си.

§ 251. **Теорема.** Два четиристъни сж подобни, когато иматъ по една подобна стѣна и по три двустѣнни жгли, които принадлежатъ къмъ нежъ, съответствено равни и еднакво расположены.

Нека прѣдположимъ, че въ четиристънитѣ  $SABC$  и  $OLMN$  (чер. 315) трижглиницитѣ  $ABC$  и  $LMN$  сж подобни и прилежащитѣ двустѣнни жгли сж съответствено равни и еднакво расположены; трѣба да се докаже, че двустѣннитѣ жгли сж съответствено равни помежду си.

**Доказ.** Очевидно е, че тристъннитѣ жгли  $A$  и  $L$  сж равни, защото иматъ по единъ равенъ плоскостенъ жгълъ, заключенъ между двѣ съответствено равни и еднакво расположены двустѣнни жгли (§ 222). По сжщия начинъ тристъннитѣ жгли  $B$  и  $C$  сж равни на тристъннитѣ жгли  $M$  и  $N$ . А пъкъ отъ равенството на тристъннитѣ жгли слѣдва равенството на двустѣннитѣ жгли.



Чер. 315.

§ 252. **Теорема.** Два четиристъна сж подобни, когато иматъ по единъ равенъ двустѣненъ жгълъ, заключенъ между двѣ съответствено подобни и еднакво расположены стѣни.

Нека прѣдположимъ, че въ четиристънитѣ  $SABC$  и  $OLMN$  (чер. 315) двустѣн. жгълъ  $CASB =$  на двустѣн. жгълъ  $NLOM$  и  $\triangle ASB \sim \triangle LOM$ , и  $\triangle ASB \sim \triangle LON$ ; трѣба да се докаже, че тѣзи четиристъни сж подобни.

**Доказ.** Тристъннитѣ жгли  $A$  и  $L$  сж равни, защото иматъ по равенъ двустѣненъ жгълъ, заключенъ между два съответствено равни и еднакво расположены плоскостни жгли (§ 221). По сжщата причина тристъннитѣ жгли  $S$  и  $O$  сж равни. Отъ това слѣдва, че двустѣннитѣ жгли, които принадлежатъ къмъ трижглиника  $ASB$ , сж равни на двустѣннитѣ жгли, които принадлежатъ къмъ трижглиника  $LOM$ ; а тъй като тѣзи двустѣнни жгли сж еднакво расположены, то четиристънитѣ  $SABC$  и  $OLMN$  споредъ прѣдидущия § сж подобни.