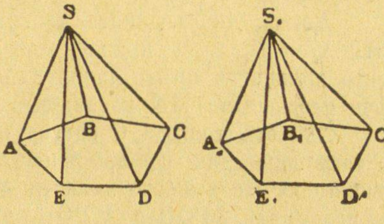
гълъ, *заключенъ между тѣхъ*, защото въ този случай тристѣннитѣ ѫгли, които съотвѣтствуватъ на тѣзи страни и на двустѣнния ѫгълъ, сѫ равни (§ 211).

§ 238. **Теорема.** ***Двѣ пирамиди сѫ равни, когато иматъ равни основи, по равна и еднакво разположена страна и по равенъ двустѣненъ ѫгълъ, заключенъ между тѣхъ.***

Да прѣдположимъ, че въ пирамидитѣ SABCDE и $S_1A_1B_1C_1D_1E_1$ (чер. 299) $ABCDE = A_1B_1C_1D_1E_1$, $ASE = A_1S_1E_1$ и двустѣнния ѫгълъ SAED=на двустѣнния ѫгълъ $S_1A_1E_1D_1$; трѣба да се докаже, че тѣзи пирамиди сѫ равни.



Чер. 299.

Доказ. Да вложимъ пирамидата $S_1A_1B_1C_1D_1E_1$ въ пирамидата SABCDE, така щото основитѣ и равнитѣ страни ASE и $A_1S_1E_1$ да се слѣятъ, тогава ребрата E_1S_1 и E_1D_1 ще се слѣятъ съ ребрата ES и ED и триѫгълника $E_1S_1D_1$ ще се слѣе съ триѫгълника ESD.

По сѫщия начинъ се доказва, че и другитѣ страни ще се слѣятъ.

Отъ тази теорема слѣдва:

1. *Двѣ пирамиди сѫ равни, когато иматъ равни основи и по двѣ смежни равни и еднакво разположени страни*, защото въ този случай и двустѣннитѣ ѫгли, които сѫ заключени между основата и тѣзи страни, сѫ равни (§ 220).

2. *Двѣ триѫгълни пирамиди сѫ равни, когато иматъ по три страни съотвѣтствено равни и еднакво разположени.*

3. *Двѣ триѫгълни пирамиди сѫ равни, когато иматъ по равенъ двустѣненъ ѫгълъ, заключенъ между двѣ съотвѣтствено равни и еднакво разположени страни.*

§ 239. Ако прѣзъ нѣкой върхъ на многостѣна прѣкараме плоскости, които да прѣминаватъ прѣзъ всичкитѣ му ребра, то многостѣна ще сѫ раздѣли на редъ пирамиди, които ще иматъ общъ върхъ и странитѣ на многостѣна ще служѫтъ за основи. Тъй като всѣка пирамида може да се раздѣли отъ диагоналнитѣ плоскости на триѫгълни пирамиди, то и всѣкой многостѣнъ ще се раздѣли на редъ триѫгълни пирамиди.

Когато два многостѣна сѫ равни, то очевидно е, че ще се раздѣлятъ на еднакво число съотвѣтсвенно равни и еднакво разположени триѫгълни пирамиди. Наопъки, когато два многостѣна се раздѣлятъ на еднакво число съотвѣтственно равни и еднакво разположени триѫгълни пирамиди, то такива многостѣни сѫ равни по между си, защото при влаганието имъ единъ въ другъ ще се слѣятъ.

Симметрически многостѣни.

§ 240. Двѣ точки A и A_1 (чер. 300) се наричатъ симметрически относително плоскостьта MN, когато линията AA_1, която ги съеди-