се отнасятъ помежду си както квадратитѣ отъ растоя-нията имъ до върха на пирамидата.

§ 234. **Теорема.** *Ако двѣ пирамиди иматъ равни височини и основитѣ имъ лежятъ на една плоскость, то плоскоститѣ, които произлизатъ отъ прѣсичанието пирамидитѣ съ плоскость успоредна на основитѣ имъ, ще бѫдѫтъ пропорционални на плоскоститѣ на основитѣ.*

Нека SABC и OLMNPQ (чер. 297) бѫдѫтъ двѣ пирамиди, които иматъ еднаква височина RU и основитѣ имъ ABC и LMNPQ лежятъ на една плоскость, и нека кажемъ, че abc и $lmnpq$ сѫ сѣчения, които сѫ образувани отъ плоскостьта, която е успоредна на основитѣ имъ, трѣба да се докаже, че

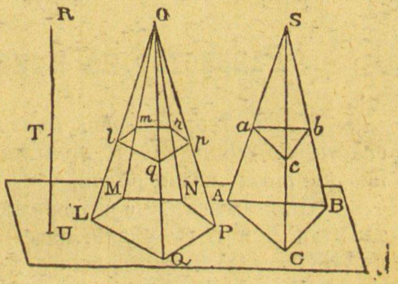
$$\frac{ABC}{abc}=\frac{LMNPQ}{lmnpq}.$$

Доказ. Да прѣдположимъ, че плоскостьта на сѣчението срѣща линията RU въ точката T; тогава споредъ прѣдидущия § ще имаме:

$$\frac{ABC}{abc}=\frac{RU^2}{RT^2} \text{ и } \frac{LMNPQ}{lmnpq}=\frac{RU^2}{RT^2},$$

слѣдов. $\frac{ABC}{abc}=\frac{LMNPQ}{lmnpq}$.

Отъ тази теорема слѣдва, че ако основитѣ ABC и $LMNPQ$ сѫ равновелики, то сѣченията abc и $lmnpq$ така сѫщо сѫ равновелики.



Чер. 297.

§ 235. **Теорема.** *Околната повърхность на правилната пирамида е равна на периметра отъ основата умноженъ съ половината на апотемата.*

Доказ. Околната повърхность на правилната пирамида се състои отъ сходни трижгълници, а плоскостьта на всѣкой единъ отъ тѣхъ е равна на основата му умножена съ половината на апотемата. Като съберемъ плоскоститѣ на всичкитѣ тѣзи трижгълници и като злбѣлѣжимъ, че суммата отъ основитѣ имъ е равна на периметра отъ основата на пирамидата, заключаваме, че суммата отъ плоскоститѣ на тѣзи трижгълници, т. е. околната повърхность на пирамидата е равна на периметра отъ основата, умноженъ съ половината на апотемата.