

слѣдствие 2), а отъ тука слѣдва, че и жглитѣ  $CSA$  и  $CSB$  сж прави.

**Обратна теорема.** *Ако въ тристѣвния жгълъ  $SABC$  (чер. 276) двата му плоскостни жгли  $CSB$  и  $CSA$  сж прави, то и срѣщуположитѣ имъ двустѣвни жгли  $CSAB$  и  $CSBA$  сж прави.*

**Доказ.** Тѣй като споредъ прѣдположението жглитѣ  $CSB$  и  $CSA$  сж прави, то линията  $SC$  е перпендикулярна къмъ плоскостта  $ASB$  и вслѣдствие на това плоскоститѣ  $CSA$  и  $CSB$  сж перпендикулярни къмъ плоскостта  $ASB$  (§ 209).

Отъ тѣзи теореме слѣдва, че ако въ тристѣвния жгълъ всичкиятѣ му двустѣвни жгли сж прави, то и всичкитѣ му плоскостни жгли ще бждатъ прави, и наопаки.

§ 215. **Теорема.** *Въ тристѣвния жгълъ всѣкой плоскостенъ жгълъ е по-малкъ отъ суммата на другитѣ два плоскостни жгли.*

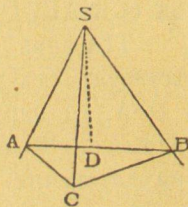
Нека прѣдположимъ, че отъ тритѣ плоскостни жгли, които съставляватъ тристѣвния жгълъ  $SABC$  (чер. 277), жгъла  $ASB$  е най голѣмъ; трѣба да се покаже, че  $\sphericalangle ASB < \sphericalangle ASC + \sphericalangle CSB$ .

**Доказ.** Отмѣрваме на плоскостта  $ASB$  жгълъ  $BSD$  равенъ на жгъла  $BSC$  и направляме  $SD = SC$ . Като прѣвараме прѣзъ точкитѣ  $D$  и  $S$  нѣкоя плоскост, прѣдполагаме че тя ще прѣсече ребрата  $SA$  и  $SB$  въ точкитѣ  $A$  и  $B$ . Трижгълницитѣ  $CSB$  и  $DSB$  иматъ обща страна  $SB$  и освѣнъ това, споредъ построението  $SD = SC$  и  $\sphericalangle CSB = \sphericalangle DSB$ ; слѣдов. трижгълницитѣ сж сходни, а отъ това слѣдва  $BD = BC$ ; нѣ тѣй като  $AD + DB < AC + CB$ , то  $AD < AC$ . При това забѣлѣзваме, че трижгълницитѣ  $ASD$  и  $ASC$  иматъ обща страна  $AS$  и освѣнъ това  $SD = SC$ , нѣ  $AD < AC$ ; отъ това слѣдва, че жгъла  $ASD$  е по малкъ отъ жгъли  $ASC$  (§ 17). Като съберемъ почленно неравенството  $ASD < ASC$  съ равенството  $DSB = CSB$  ще намѣримъ  $ASB < ASC + CSB$ , което трѣбваше да докажемъ.

Ако отъ двѣтѣ части на това неравенство извадимъ по жгълъ  $ASC$ , то ще получимъ:

$$CSB > ASB - ASC.$$

т. е. въ тристѣвния жгълъ всѣкой отъ плоскостнитѣ жгли е по-голѣмъ отъ разликата на другитѣ два плоскостни жгли.



Чер. 277.