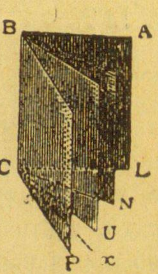
$\frac{EFG}{E_1F_1G_1}=\frac{m}{n}$. Ако си въобразимъ двустѣненъ ѫгълъ $abcd$, който да съотвѣтствува на линейния ѫгълъ u, то очевидно е, че този двустѣненъ ѫгълъ ще се съдържа m пѫти въ двустѣнния ѫгълъ ABCD и n пѫти въ двустѣнния—LMNP, така щото $\frac{ABCD}{LMNP}=\frac{m}{n}$; слѣдов.

$$\frac{ABCD}{LMNP}=\frac{EFG}{E_1F_1G_1}$$

Второ, нека прѣдположимъ, че линейнитѣ ѫгли LCP и LCN на двустѣннитѣ ѫгли ABCP и ABCN (чер. 273) сѫ несъизмѣрими; тогава ще докажемъ, че и въ този случай отношението $\frac{ABCP}{ABCN}$ не може да бѫде нито по-голѣмо, нито по-малко отъ отношението $\frac{LCP}{LCN}$.



Чер. 273.

И наистина, ако $\frac{ABCP}{ABCN}<\frac{LCP}{LCN}$, то вземаме вмѣсто ѫгъла LCN по-голѣмъ ѫгълъ LCx така, щото $\frac{ABCP}{ABCN}=\frac{LCP}{LCx}$. Като раздѣлимъ ѫгъла LCP на такива равни помежду си части, щото всѣка една часть да бѫде по-малка отъ ѫгъла NCx, тогава поне една отъ линиитѣ на дѣлението ще се съдържа между линиитѣ CN и Cx.

Нека тази линия бѫде CU. Ако прѣзъ тази линия и реброто BC прѣкараме плоскость BU, то ще се състави двустѣненъ ѫгълъ ABCU, на който линейния ѫгълъ LCU ще бѫде съизмѣримъ съ линейния ѫгълъ LCP, и затова споредъ прѣдидущето ще имаме:

$$\frac{ABCP}{ABCU}=\frac{LCP}{LCU}.$$

Като раздѣлимъ тази пропорция на допустнѫтата отъ насъ пропорция:

$$\frac{ABCP}{ABCN}=\frac{LCP}{LCx}$$

ще получимъ слѣдующата пропорция: