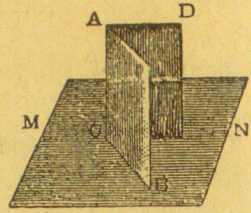


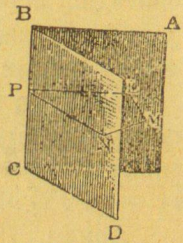
пендикулярни към третя плоскостъ  $MN$ , то и прѣсѣчицата имъ  $AC$  е перпендикулярна къмъ тази плоскостъ. И наистина, като спуснемъ отъ нѣкоя точка на линията  $AC$  перпендикуляръ върху плоскостъта  $MN$ , споредъ прѣдидущето ще намѣримъ, че този перпендикуляръ ще лежи както на плоскостъта  $AB$ , тъй и на плоскостъта  $CD$ ; слѣдователно ще се слѣе съ прѣсѣчицата на двѣтъ плоскости.



Чер. 270.

§ 210. **Теорема.** Ако отъ нѣкоя точка  $M$  (чер. 271), която лежи вътрѣ въ двустѣнния жгълъ  $ABCD$ , спуснемъ перпендикулари  $MN$  и  $ML$  върху страната му то жгъла  $LMN$ , който е съставенъ отъ тѣзи перпендикулари, заедно съ линейния жгълъ на двустѣнния жгълъ се равняватъ на два прави.

**Доказ.** Ако прѣзъ линиитѣ  $ML$  и  $MN$  прѣкараме плоскостъ, то тази плоскостъ споредъ § 209 ще бѣде перпендикулярна къмъ плоскоститѣ  $BD$  и  $AC$ , слѣдов. и къмъ прѣсѣчицата имъ  $BC$  (§ 299, слѣд. 2). Отъ това слѣдва, че жгъла  $LPN$ , който е съставенъ отъ прѣсѣчанието на тази плоскостъ съ плоскоститѣ  $BD$  и  $AC$ , е линейния жгълъ на двустѣнния жгълъ  $ABCD$ ; а тъй като въ четворожгълника  $PLMN$  жглитѣ  $PLM$  и  $PNM$  сж прави, то



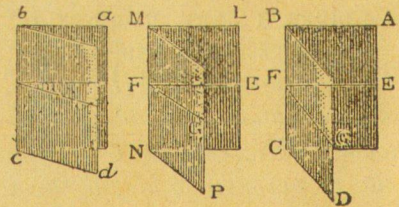
Чер. 271.

$$\sphericalangle LPN + \sphericalangle LMN = 2d.$$

§ 211. **Теорема.** Двустѣннитѣ жгли се отнасятъ помежду си, както и линейнитѣ имъ жгли.

Да прѣдположимъ, че  $EFG$  и  $E_1F_1G_1$  (чер. 272) сж линейни жгли на двустѣннитѣ жгли  $ABCD$  и  $LMNP$ ;

трѣба да се докаже че  $\frac{ABCD}{LMNP} = \frac{EFG}{E_1F_1G_1}$ .



Чер. 272.

**Доказ.** Първо, нека прѣдположимъ, че жглитѣ  $EFG$  и  $E_1F_1G_1$  сж съизмѣрими и че линейния жгълъ  $u$  се съдържа  $m$  пѣти въ жгъла  $EFG$  и  $n$  пѣти въ жгъла  $E_1F_1G_1$ , така щото