

спуснати отъ произволна точка на едната плоскостъ върху другата, сж успоредни, слѣдователно споредъ прѣдишето равни помежду си.

✗ § 204. **Теорема.** *Жгли сж успоредни страни, които се обгърнати сж отворенитѣ си части въ една страна, сж равни и лежатъ въ успоредни плоскости.*

Да прѣдположимъ, че $BA \parallel ED$ и $BC \parallel EF$ (чер. 262); трѣба да докажемъ, че жглитѣ ABC и DEF сж равни помежду си, като прѣдиолагаме че тѣ сж намѣрватъ въ разни плоскости.

Доказ. Отмѣрваме на странитѣ на двата жгли $BA=ED$ и $BC=EF$ и съединяваме точкитѣ A, B и C съ точкитѣ D, E и F сжщо точката A съ C и D съ F . Тѣй като линията AB е равна и успоредна съ линията ED и BC —съ EF , то (§ 37 слѣд.) линията AD е равна и успоредна съ линията BC и CF —съ BE , затова AD и CF сж равни и успоредни помежду си. Отъ това слѣдва, че $AC=DF$. Като забѣлѣжимъ, че въ тригълницитѣ ABC и DEF споредъ прѣдположението $AB=ED$ и $BC=EF$, а споредъ доказаното $AC=DF$, заключаваме, че тѣзи тригълници сж сходни; слѣдоват. $\sphericalangle ABC = \sphericalangle DEF$. Очевидно е, че илоскоститѣ на двата жгли ABC и DEF по § 202 сж успоредни.

§ 205. **Теорема.** *Три успоредни плоскости прѣсичатъ двѣ какви да сж прави на части пропорционални,*

Да прѣдположимъ, че правитѣ AB и CD (чер. 263) сж прѣсѣчени съ три успоредни плоскости MN, PQ и RS ; трѣба да

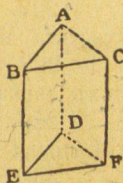
докажемъ, че $\frac{AE}{EB} = \frac{CF}{FD}$.

Доказ. Като прѣкараме линията AN успоредно на линията CD , прѣкарваме прѣзъ AB и AN плоскостъ, която да прѣсича плоскоститѣ PQ и RS по линиитѣ EG и BH , които сж успоредни помежду си, слѣдователно

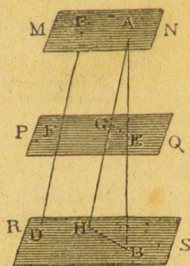
$$\frac{AE}{EB} = \frac{AG}{GH}$$

а тѣй като $AG=CF$ и $GH=FD$ (§ 203), то

$$\frac{AE}{EB} = \frac{CF}{FD}$$



Чер. 262.



Чер. 263.