

Като съединимъ точкитѣ Р и В, ще съставимъ правоъгъленъ тригълникъ АРВ, въ който АВ е гипотенуза; слѣдователно $AB < AP < AR$ (§ 28).

2. Нека АВ и АД бждѣтъ двѣ наклонени, на които проекцитѣ РВ и РД сж равни, трѣбва да докажемъ, че $AB = AD$.

Двата правоъгълни тригълници АРВ и АРД иматъ общъ катетъ АР и освѣнъ това споредъ прѣдположението $PB = PD$; слѣдователно тѣзи тригълници сж сходни; затова $AB = AD$, което трѣбваше да докажемъ.

3. Нека АС и АВ бждѣтъ двѣ наклонени, на които проекцитѣ РС и РВ сж не равни и да кажемъ, че $PB > PC$; то трѣбва да докажемъ, че $AB > AC$.

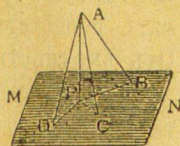
Като съединимъ точкитѣ В и С съ точката Р, ще съставимъ два правоъгълни тригълници АРВ и АРС, които иматъ общъ катетъ АР, нъ катета РВ споредъ прѣдположението е по голѣмъ отъ катета РС; слѣдователно $AB > AC$ (§ 65), което трѣбваше да докажемъ.

Отъ казаното заключаваме, че перпендикуляра е най късото расстояние отъ точката до плоскостъта и затова растоянието на точката отъ плоскостъта се измѣрва съ дължината на перпендикуляра, който е спустнѣтъ отъ тази точка на плоскостъта.

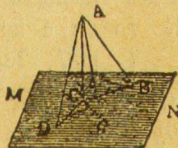
§ 195. **Теорема.** *Линията, която е прѣкарана на плоскостъта, прѣзъ основата на наклонената, перпендикулярно къмъ проекцията ѝ, ще бжде перпендикулярна и къмъ самата наклонена.*

Нека кажемъ, че СG (чер. 251) е проекция на правата АG върху плоскостъта MN и че линията DB, която е прѣкарана на тази плоскостъ прѣзъ точката G, е перпендикулярна къмъ линията СG; трѣба да докажемъ, че линията DB е перпендикулярна и къмъ АG.

Доказ. Като отиѣримъ на линията DB части GD и GB равни помежду си, да съединимъ точкитѣ В и D съ точкитѣ А и С. Правоъгълнитѣ тригълници СGD и GCB сж сходни, защото иматъ равни катети: слѣдователно $CB = CD$; вѣдствие на това правоъгълнитѣ тригълници АСВ и АСD сж сходни, защото иматъ общъ катетъ АС и $CB = CD$, затова и $AB = AD$.



Чер. 250.



Чер. 251.