

нѣето числото на десетичнитѣ знакове, затова 1 е прѣдѣлъ на дробьта 0,999 . . . .

Едно само приближаване на измѣняемата величина къмъ постоянната не е достатъчно, за да се приеме постоянната величина за прѣдѣлъ на измѣняемата; необходимо е да се увѣримъ, че това сближение става неограничено, т. е., че разликата между измѣняемата и постоянната величини, може да бжде направена помалка отъ всѣка величина. Напр., дробьта 0,9888 . . . . съ увеличаванieto числото на знаковетѣ  $i$ , така сжщо се приближава къмъ 1; нѣ 1 не е прѣдѣлъ на тази дробь, защото разликата между тѣхъ си остава всѣкога по-голямъ отъ  $\frac{1}{90}$ ; величината къмъ, която дробьта 0,9888 . . . .

безпрѣдѣлно се приближава е  $\frac{89}{90}$ ; затова тази дробь е прѣдѣлъ на дробьта 0,9888 . . . .

Измѣняемата величина, която има за прѣдѣлъ нула и неограничено се приближава къмъ неж, се нарича *безконечно малка величина*. Напр., разстоянието между двѣтѣ прѣсѣчни точки на сѣкущата, когато се приближава къмъ тангентата, е величина безконечно малка; така сжщо и разликата между  $1 - 0,999 . . . .$  е величина безконечно малка.

Ако означимъ съ  $a$  прѣдѣла на нѣкоя измѣняема величина и съ  $x$  разликата между тѣхъ, тогава измѣняемата величина може да се прѣдстави въ слѣдующия видъ:  $a + x$ . Очевидно е, че  $x$ , като означава разликата между измѣняемата величина и прѣдѣла  $i$ , е величина, която се умалява и безпрѣдѣлно се приближава къмъ нула; слѣдов.  $x$  е величина безконечно малка.

§ 172. **Теорема.** *Ако двѣ измѣняеми величини при всичкитѣ си измѣненія сж равни по-между си, то и прѣдѣлитѣ имъ сж равни.*

Нека  $a + x$  и  $b + y$  бжджтѣ двѣ измѣняеми величини, на които прѣдѣлитѣ сж  $a$  и  $b$ ; прѣдполагаме, че  $a + x = b + y$ ; трѣба да докажемъ, че  $a = b$ .

**Доказ.** Да забѣлѣжимъ, че  $a$  не може да бжде помалко отъ  $b$ . И найстина, ако  $a < b$ , то като означимъ съ  $d$  разликата  $b - a$  и като прѣдставимъ уравнението  $a + x = b + y$  въ видъ  $x - y = b - a$ , ще намѣримъ  $x - y = d$ : вслѣдствие на това разликата между  $x$  и  $y$  трѣба да остане постоянно равна