

тангента ACB и хордата CD ; трѣба да докажемъ, че ъгъла DCB се измѣрва съ половина отъ джгата DFC .

Доказ. Като прѣкараме хордата DE успоредно на тангентата AB , и заблѣжимъ, че ъгъла DCB е равенъ на ъгъла EDC (§ 35), а джгата DC е равна на джгата CE (§ 87); нъ ъгъла EDC се измѣрва съ половината отъ джгата EC или съ половината отъ джгата DC , тогава слѣдва, че и ъгъла DCB се измѣрва съ половината отъ джгата DC .

Очевидно е, че ъгъла ACD , който е съставенъ отъ хордата CD и тангента CA , като се равнява на суммата отъ ъглитѣ ACE и ECD , се измѣрва съ полу-суммата на джгитѣ CE и EGD , т. е. съ половината на джгата $CEGD$, която се заключаваетъ между странитѣ му.

§ 95. **Теорема.** *Ъгъла, на който върха се намѣрва вътрѣ въ кръга, се измѣрва съ полусуммата на джгитѣ, които се заключаватъ между странитѣ му и тѣхното продължение.*

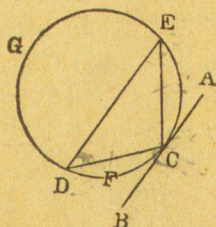
Нека кажемъ, че ABC (чер. 140) е ъгъла, на който върха се намѣрва вътрѣ въ кръга, а CE и CD сж продължения на странитѣ му; трѣба да докажемъ, че мѣрката на ъгъла ABC е $\frac{AB+DE}{2}$.

Доказ. Като съединимъ точкитѣ A и D , ще получимъ: $\sphericalangle ABC = \sphericalangle ADC + \sphericalangle DAC$ (§ 40, слѣд. 1). Нъ ъгъла ADB се измѣрва съ половина отъ джгата AB (§ 93, слѣд. 1), а ъгъла ADE — съ половината отъ джгата DE ; слѣдов. ъгъла ACB се измѣрва съ полусуммата на джгитѣ AB и DE .

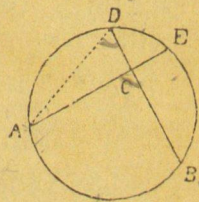
§ 96. **Теорема.** *Ъгъла, на който върха се намѣрва внѣз отъ кръга, се измѣрва съ полу разликата на джгитѣ, които се заключаватъ между странитѣ му.*

Нека кажемъ, че върха на ъгъла ACB (чер. 141) се намѣрва внѣз отъ кръга; трѣба да докажемъ, че мѣрката на ъгъла ACB е $\frac{AB-DE}{2}$.

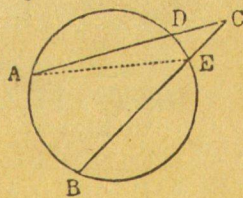
Доказ. Като съединимъ точкитѣ A и E , ще получимъ: $\sphericalangle ACB = \sphericalangle AEB - \sphericalangle CAE$



Чер. 139.



Чер. 140.



Чер. 141.