

По същия начинъ се доказва подобността и на другитѣ тригълници.

Теорема. *Съответственитѣ линии се отнасятъ, както сходнитѣ страни.*

Нека кажемъ, че K и K_1 и H и H_1 (чер. 106) сж съответственитѣ точки на двата подобни многогълници $ABCDEF$ и $A_1B_1C_1D_1E_1F_1$, т. е. $\triangle AVK \sim \triangle A_1V_1K_1$ и $\triangle AVH \sim \triangle A_1V_1H_1$; трѣба да докажемъ, че

$$\frac{KH}{K_1H_1} = \frac{AB}{A_1B_1}.$$

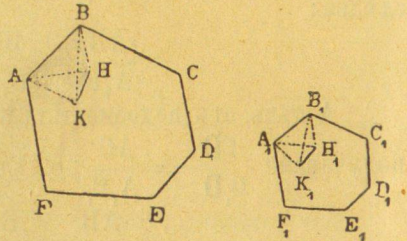
Доказ. Отъ подобността на тригълниците AVK и $A_1V_1K_1$, AVH и $A_1V_1H_1$ слѣдва: 1) $\sphericalangle VAK = \sphericalangle V_1A_1K_1$ и $\sphericalangle VAH = \sphericalangle V_1A_1H_1$, затова и $\sphericalangle HAK = \sphericalangle H_1A_1K_1$; 2) $\frac{AK}{A_1K_1} = \frac{AV}{A_1V_1}$ и $\frac{AH}{A_1H_1} = \frac{AV}{A_1V_1}$, затова и $\frac{AK}{A_1K_1} = \frac{AH}{A_1H_1}$. Слѣдователно тригълницитѣ ANK и $A_1N_1K_1$ сж

подобни (§ 58). Отъ това слѣдва, че $\frac{KH}{K_1H_1} = \frac{AK}{A_1K_1}$, а тъй като споредъ прѣдиположението $\frac{AK}{A_1K_1} = \frac{AB}{A_1B_1}$, то $\frac{KH}{K_1H_1} = \frac{AB}{A_1B_1}$.

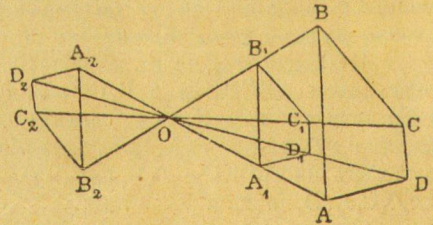
Центръ на подобността на два подобни многогълници се нарича въобще точката, която е така разположена относително многогълницитѣ, щото правата, която е прѣкарана прѣвъ нея и коя да е точка на единъ отъ многогълницитѣ, прѣминава прѣвъ съответствената точка на другия.

Ако отъ пѣкоя точка O (чер. 107) прѣкараме прави линии къмъ всичкитѣ върхове на многогълника $ABCD$ и, като ги продължимъ, да прѣкараме A_1B_1 и A_2B_2 успоредно на AB ; B_1C_1 и B_2C_2 успоредно на BC ; C_1D_1 и C_2D_2 успоредно на CD ; A_1D_1 и A_2D_2 успоредно на AD , тогава ще се получатъ два многогълници $A_1B_1C_1D_1$ и $A_2B_2C_2D_2$ подобни на многогълника $ABCD$ (§ 69), на които общъ центръ на подобността ще бѣде O .

Когато многогълницитѣ $ABCD$ и $A_1B_1C_1D_1$ сж разположени така, щото съответственитѣ имъ точки да лежатъ отъ едната страна на центра на подобността O , тогава този центръ се нарича *външенъ*, а дѣкъ когато многогълницитѣ $ABCD$ и $A_2B_2C_2D_2$ сж разположени така, щото съответственитѣ имъ точки да лежатъ отъ двѣтѣ страни на центра на подобността O , тогава този центръ се нарича *вътрѣшенъ*.



Чер. 106.



Чер. 107.