

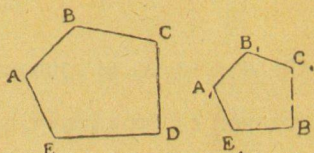
тѣ, си остава всекога паралелограмъ, а линиитѣ ON и aP, както и линиитѣ aM и AN, всекога успоредни помежду си. Като прѣдолагаме точката O за неподвижна, нека кажемъ, че точката A ще опише нѣкоя права линия AB, тогава точката a очевидно е, че ще опише така също права линия ab, успоредна на първата и която се намѣрва съ неж въ постоянно отношение, равно на отношението $\frac{OA}{Oa}$ или $\frac{ON}{OM}$. Слѣдователно, ако движимъ точката A по периметра на нѣкой многожгълникъ, то точката a ще опише многожгълникъ подобенъ на него; съответственнитѣ страни на тѣзи два многожгълници ще бждатъ въ постоянно отношение $\frac{ON}{OM}$.

За да можемъ произволно да измѣняваме това отношение, то и четиритѣхъ линиитѣ сж снабдени съ равностоящи една отъ друга дупчици, които ни позволяватъ да увеличаваме и умаляваме дължината на aM и MN.

§ 70. **Теорема.** Периметритѣ на подобнитѣ многожгълници се отнасятъ, както сходнитѣ имъ страни.

Нека кажемъ, че многожгълницитѣ ABCDE и A₁B₁C₁D₁E₁ (чер. 100) сж подобни; трѣба да докажемъ, че

$$\frac{AB + BC + CD + DE + EA}{A_1B_1 + B_1C_1 + C_1D_1 + D_1E_1 + E_1A_1} = \frac{AB}{A_1B_1}$$



Чер. 100.

Доказ. Отъ опредѣлението подобността на многожгълниците слѣдва:

$$\frac{AB}{A_1B_1} = \frac{BC}{B_1C_1} = \frac{CD}{C_1D_1} = \frac{DE}{D_1E_1} = \frac{EA}{E_1A_1}$$

а отъ тука

$$\frac{AB + BC + CD + DE + EA}{A_1B_1 + B_1C_1 + C_1D_1 + D_1E_1 + E_1A_1} = \frac{AB}{A_1B_1}$$

§ 71: **Теорема.** Диагоналитѣ, които сж прѣкарани отъ съответственнитѣ жгли на два подобни многожгълници, раздѣлятъ ги на еднакво число подобни и сходно положени трижгълници.