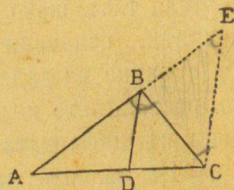


нята A_1 , или $\frac{1}{100}$, $\frac{2}{100}$, $\frac{3}{100}$ отъ приетата единица.

За да измѣримъ дължината на дадената линия съ помощта на масшаба, налагатъ ѝ съ помощта на пергеля върху една отъ успореднитѣ линии на масшаба така, щото краищата на пергеля да се слѣждатъ приблизително съ двѣ точки отъ дѣленieto, напр. N и M ; очевидно е, че линията MN се състои 1) отъ NQ , т. е. отъ двѣ единици, 2) отъ MP , т. е. отъ петъ десети на единицата и отъ PQ , т. е. отъ четири стотни на единицата; слѣдов. $MN=2,54$.

§ 63. **Теорема.** *Линията, която располовява жгъла на трижгълника, раздѣля срѣщуположната страна на части пропорционални на другитѣ двѣ страни.*

Нека кажемъ, че линията BD (чер. 94) располовява жгъла B на трижгълника ABC , т. е. $\sphericalangle ABD = \sphericalangle DBC$; трѣба да докажемъ, че $\frac{AD}{DC} = \frac{AB}{BC}$.



Чер. 94.

Доказ. Продължаваме страната AB и прѣкарваме линия CE успоредно на страната BD . Споредъ § 35 $\sphericalangle BEC = \sphericalangle ABD$ и $\sphericalangle BCE = \sphericalangle DBC$, а тъй като споредъ прѣдположението $\sphericalangle ABD = \sphericalangle DBC$, то $\sphericalangle BEC = \sphericalangle BCE$; слѣдоват., $BC = BE$ (§ 22). Вслѣдствие успоредността на линиитѣ EC и BD (споредъ § 50) имаме: $\frac{AD}{DC} = \frac{AB}{BE}$, и тъй като $BE = BC$, то $\frac{AD}{DC} = \frac{AB}{BC}$.

Обратна теорема. *Линията BD (чер. 94), която дѣли страната AC на части пропорционални на страни-тѣ AB и BC , располовява срѣщуположния жгълъ B .*

Нека кажемъ, че $\frac{AD}{DC} = \frac{AB}{BC}$; трѣба да докажемъ, че $\sphericalangle ABD = \sphericalangle DBC$.

Доказ. Понеже линиитѣ BD и EC сж успоредни, то (споредъ § 50) $\frac{AD}{DC} = \frac{AB}{BE}$. Като сравнимъ тази пропорция съ дадената, заключаваме, че $BC = BE$, т. е., че трижгълника CBE е равнобедренъ и $\sphericalangle BCE = \sphericalangle BEC$. Нѣ споредъ § 35 $\sphericalangle ABD = \sphericalangle BEC$ и $\sphericalangle DBC = \sphericalangle BCE$; слѣдов., $\sphericalangle ABD = \sphericalangle DBC$.

§ 64. **Теорема.** *Перпендикулярътъ, който е спуснатъ*