

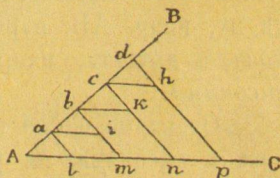
чимъ, че суммата на вътрѣшнитѣ жгли въ всѣкой многожгълникъ е равна на два прави умножени съ числото на странитѣ отъ многожгълника безъ четири прави. Тѣй напр., суммата на вътрѣшнитѣ жгли въ всѣкой четворожгълникъ е равна на $4d$, въ петожгълника — $6d$ и т. н.

Отъ тази теорема слѣдва, че въ всѣкой многожгълникъ суммата на външнитѣ му жгли, които сж образувани отъ продължението на всичкитѣ му страни по едно направление, се равнява на $4d$.

Наистина, тѣй като всѣкой външенъ жгълъ, заедно съ съответственния му вътрѣшенъ жгълъ, съставлява $2d$, то суммата на всичкитѣ външни и вътрѣшни жгли заедно е равна на $2dn$, а тѣй като споредъ прѣдидушето суммата на вътрѣшнитѣ жгли е равна на $2dn - 4d$, то суммата на външнитѣ жгли ще бжде: $2dn - (2dn - 4d)$, т. е. $2dn - 2dn + 4d$ или $4d$.

§ 42. **Теорема.** Ако на едната страна на жгъла отмѣримъ нѣколко равни части и прѣзъ точкитѣ на дѣленieto прѣкарваме успоредни линии, то и отъ другата страна на жгъла ще се отсѣкжтъ равни помежду си части.

Нека кажемъ, че на страната АВ (чер. 63) отъ жгъла ВАС сж отмѣрени равни части: $Aa = ab = bc = cd$ и сж прѣкарани успоредни линии: $al \parallel bm \parallel cn \parallel dp$; трѣба да докажемъ, че $Al = lm = mn = np$.



Чер. 63.

Доказ. Прѣкарваме линиитѣ ai , bk , ch успоредно на AC , тогава въ трижгълницитѣ Aal , abi , bck , cdh споредъ прѣдположението ще имаме: $Aa = ab = bc = cd$ и освѣнъ това жглитѣ, които принадлежжтъ къмъ тѣзи страни, като съответствени споредъ § 35, сж равни; слѣдователно тѣзи трижгълници споредъ § 16 сж сходни помежду си, затова и $Al = ai = bk = ch$, а отъ тука споредъ § 37 слѣдва: $Al = lm = mn = np$, което трѣбаше да докажемъ.

Параллелограми и трапеци.

§ 43. Четворожгълника ABCD (чер. 64), въ който двѣтѣ страни АВ и CD сж успоредни, а другитѣ двѣ AD и BC сж неуспоредни, нарича се *трапецъ*. Расстоянието на двѣтѣ успо-