

отъ безбройно число пирамиды, тъй сѫщо ся приема и сферата, отъ която прави чистъ.

433. Съѣдствie. Колкото за сферически сегментъ, той сгрува колкото секторътъ безъ конусътъ, който прави чистъ отъ него.

434. Прѣдложеніе. Една трижгленна призма, която е откъсната, е съставена отъ три пирамиды, които могатъ да ся броятъ като да има всяко за основание, основаніето на призмата, а за височинъ всякой единъ отъ спустиенитъ отвѣси отъ ъглите на горното основание възъ долното основание.

Доказателство. Нека да е откъсната трижгленна призма ABCDE (фиг. 173), кояго останъ, когато ся движне една чистъ отъ призмата съ една плоскост ABC не успорядна на основаніето. Можи да си представимъ призмата, която е откъсната, като съставена отъ двѣ пирамиды, едната трижгленна, която ще има връха си въ точка B, а за основание трижгленникъ DEF; а втората четириежгленна пирамида, която ще има своя връхъ сѫщо тъй въ точка B, а за основание ACF^(*)). На тая последната можи да ся раздѣли на двѣ трижгленни пирамиди BADF и BACE, отъ което излизатъ трите трижгленни пирамиди BDEF, BADF и BACF.

И така правата призма има вече за основание, основаніето на призмата DEF а връха си въ точка B; не останъ вече друго освѣти да ся докажи че другите двѣ сѫ равни по обемъ, едната съ една пирамида, която ще има за основание, общето основание DEF и връха си въ точка A, а другата съ една пирамида, която ще има сѫщото общо основание DEF а връхи въ точка C. И така $BADF = EADF = ADEF$, на които основаніето е DFF а връха въ A; тъй сѫщо $BACF = EDCF^{(**)} = CDEF$, на които основаніето е

(*) Зачтото височинитъ сѫ равни, сиречь спустиенитъ отвѣси отъ точки B и E възъ основаніето сѫ равни. За трижгленниците ACF и DCF, тия сѫ равни, зачтото иматъ сѫщото основание CF, и сѫщата височина, която е растоянието между двѣтъ успорядни CF и AD.