

триъглениятъ призмъ съ сѣщатъ основѣ и сѣщатъ высочинѣ.

Доказ. Нека да имамы призмѣтъ $ABCDEF$ (фиг. 171) въ неяж могатъ да ся теглятъ три пирамиды, които щѣтъ бѣдѣтъ равны по обемъ. Наистинѣж, като опрѣдѣлимъ едикѣтъ пирамидѣ съ три точки A , E , и C щемъ имамы прѣвѣтъ пирамидѣ $EABC$, която, като има за основаніе ABC и врѣхѣтъ си въ точкѣ E , тя ще има сѣщото основаніе и сѣщатъ высочинѣж, както и призмата; а когато ся вдигни тая прѣва пирамида, ще останѣ $EACFD$ (фиг. 173), която е една четвърѣгленна пирамида. Като опрѣдѣлиме още едикѣтъ плоскостъ съ три чрѣты, които прѣминувать прѣзъ точкытѣ A , F , E , щемъ добыемы вторѣтъ и третѣтъ пирамиды, които сѣж $EADF$ и $AECF$, които като имать равны основанія ADF и ACF , и врѣхѣтъ си въ сѣщатъ точкѣ E , щѣтъ имѣтъ слѣдователно сѣщатъ высочинѣж, та сѣж равны една съ другѣж. Нѣ пирамидата $EADF$ можи да бѣде разгледана отъ другѣж странѣж, която има за основаніе DEF и врѣха ѣ въ A ; и така тая втора пирамида, като има сѣщото основаніе и сѣщатъ высочинѣж, както прѣвата, тя е равна съ неяж.

Зачтото третята $EACF$ е равностояща на вторѣтъ $EADF$, която сѣщата тя, както ся доказа, е равностояща на прѣвѣтъж, слѣдователно и тая третята е сѣщо тѣж равностояща на прѣвѣтъж. Да повторимъ това чтото казахмы:

1-во. $A EBC$ има сѣщото основаніе и высочина както призмата,

2-ро. $EADF = ADEF = EABC$,

3-го $EACF = ADEF = EABC$,

слѣдователно [421]

422. *Слѣдствие.* И така кубѣтъ или обемѣтъ на едикѣ пирамидѣ или на едикѣ конусѣ ще ся на мѣри, като ся умножи поврѣхностьта на основаніето съ высочинѣтъ. и като ся земе $\frac{1}{3}$ отъ произведеніето.

423. *Доказат.* Наистинѣж, една четвърѣгленна пирамида е два пѣкти по-голѣма отъ едикѣ триъгленнѣж, и можи, както пѣтоъгленнытѣ и другы пирамиды, да ся разложи на триъгленны пирамиды. Колкото за конусъ